



TITLE:

Kinetic Ising Model

AUTHOR(S):

阿部, 竜蔵

CITATION:

阿部, 竜蔵. Kinetic Ising Model. 物性研究 1968, 10(4): D13-D14

ISSUE DATE:

1968-07-20

URL:

<http://hdl.handle.net/2433/86604>

RIGHT:

Kinetic Ising Model

阿部 竜蔵 (東大教養)

Ising スピンが熱源との相互作用によって方向を変えるという kinetic Ising Model を考察した。通常の Master Equation^{1)~5)} を用い、外磁場が $t=0$ までかかりそれまで全体系は熱平衡にあるとし、 $t=0$ で急に磁場をゼロにしたときの全磁化 M の応答を調べた。磁場が弱いとすれば $M(t)$ は

$$\frac{M(t)}{M(0)} = \frac{\langle M e^{-Lt} M \rangle}{\langle M^2 \rangle}$$

と表わされる。ただし、 $\langle \rangle$ は磁場がないときの熱平衡状態での平均を意味し、また演算子 L は

$$L f(S_1, \dots, S_N) = \sum_j W_j [f(S_1, \dots, S_N) - f(S_1, \dots, -S_j, \dots, S_N)]$$

で定義される。この式で W_j はスピンのひっくり返る遷移確率で具体的な計算には

$$W_j = (\alpha/2) [1 - S_j \tanh(\sum_k K_{jk} S_k)]$$

の表式を使った ($K_{jk} = J_{jk}/kT$)。時間が充分小さいと cumulant 展開を利用して

$$M(t)/M(0) = \exp(-t/\tau), \quad \tau = \langle M^2 \rangle / \langle MLM \rangle = \chi / \beta m^2 R$$

がえられる。ここで m はスピン 1 個あたりの磁気能率、 R は T_c でも正の定数で、したがって T_c に近づくと τ は帯磁率 χ と同程度で無限大になる。2 次元で最近接相互作用の場合に計算した R の値を次表に示す。

$$R / \alpha$$

蜂の巣格子 $2/9 = 0.2222 \dots$

正方格子 $(4/3\pi)(1 - 1/\pi) = 0.2893 \dots$

三角格子 $\frac{428}{945} - \frac{43\sqrt{3}}{42\pi} + \frac{216}{35\pi^2} - \frac{114\sqrt{3}}{35\pi^3} = 0.3318 \dots$

最近接格子点の数が多い程 R が大きいのは物理的に当然である。因みに、分子場的な近似を用いると R/α は 1 になる。

蜂の巣格子は構造が簡単なので次の項まで計算ができる。その結果は $\chi(\omega)$ の high frequency limit を求めることと同等で T_c において

$$\chi(\omega) = m^2 \beta \left[\frac{2\alpha}{q i \omega} + \left(\frac{2}{9} \frac{28}{243} - \frac{32}{81\pi} \right) \frac{\alpha^2}{\omega^2} + \dots \right]$$

の式がえられる。これから分るように $\omega \gg \alpha$ では Scaling law が成立しない。しかし、逆に $\omega \ll \alpha$ の極限ではこの法則かなりたつ可能性がある。その点については現在考察中である。以上の計算中、蜂の巣格子と三角格子の結果は波田野彰氏との共同研究によるものである。

- 1) R. J. Glauber, J. Math. Phys. 4 (1963), 294
- 2) K. Kawasaki, phys. Rev. 145 (1966), 224; 148 (1966), 375; 150 (1966), 285.
- 3) N. Matsudaira, Canad. J. Phys. 45 (1967), 2091;
J. Phys. Soc. Japan 23 (1967), 232.
- 4) K. Kawasahi and T. Yamada, prog. Theor. phys. 39 (1968), 1.
- 5) M. Suzuki and R. Kubo, J. Phys. Soc. Japan 24 (1968), 51.